

Пошаговый расчет

Дано: $q_1=10~\kappa H/{\scriptscriptstyle M}, F_1=5~\kappa H, A_1=10~{
m cm}^2$

Строим эпюру $\,N_z\,$

Участок $BA:\;N_z=F_1+q_1\cdot z$

Точка В (z=0м $):\;N_z=5\;\kappa H$

Точка А (z=1м $):\ N_z=15\ \kappa H$

Строим эпюру $\,\sigma_z:\,\sigma_z=rac{\mathrm{N_z}}{A}\,$

Участок ВА:

Точка В
$$(z=0$$
м $):\;\sigma_z=rac{5\cdot 10^3}{10\cdot 10^{-4}}=5$ МПа

Точка А
$$(z=1_{\rm M}):~\sigma_z=rac{15\cdot 10^3}{10\cdot 10^{-4}}=15~{\it M\Pi a}$$

Строим эпюру $\Delta L:~\Delta L=rac{N\cdot l}{E\cdot A}$

$$\Delta L(A)=0$$
 м

$$\Delta L(B) = \Delta L(A) + rac{\left(rac{5+15}{2}
ight) \cdot 10^3 \cdot 1}{2.1 \cdot 10^{11} \cdot 10 \cdot 10^{-4}} = 0 \ + 0.000048 = 0.000048$$
 M

Расчёт прочности

Допустимое напряжение:

$$[\sigma]=rac{\sigma_T}{n}=rac{300}{1.5}=200$$
 МПа

Площадь опасного сечения:

Исходим из условия прочности на растяжение:

$$\sigma_{\max} \leq [\sigma]$$

Отсюда, минимально необходимая площадь: $A \geq rac{N_{ ext{max}}}{[\sigma]}$

$$A \geq rac{N_{ ext{max}}}{[\sigma]}$$

$$A = rac{N_{
m max}}{[\sigma]} = rac{15 \cdot 10^3}{200 \cdot 10^6} = 0.75 \ {
m cm}^2$$

Вывод формулы для расчёта диаметра:

Исходим из условия прочности на растяжение:

$$\sigma = rac{N}{A} \Rightarrow A = rac{N}{[\sigma]}$$

Площадь круглого сечения: $A=rac{\pi d^2}{4}$

$$A=rac{\pi d^2}{4}$$

Приравниваем:
$$rac{\pi d^2}{4} = rac{N_{
m max}}{[\sigma]}$$

Выразим диаметр:

$$d^2 = rac{4N_{
m max}}{\pi[\sigma]} \Rightarrow d = \sqrt{rac{4N_{
m max}}{\pi[\sigma]}}$$

Расчёт минимального диаметра стержня (опасный участок):

$$d \geq \sqrt{rac{4 \cdot N_{ ext{max}}}{\pi \cdot [\sigma]}}$$

Подставляем:
$$d \geq \sqrt{\frac{4 \cdot 15 \cdot 10^3}{\pi \cdot 200 \cdot 10^6}} = 0.009772~\text{M} = 9.77~\text{MM}$$

Минимальный диаметр стержня для опасного участка: 9.77 мм.

Расчёт работы внешних сил, Расчёт потенциальной энергии деформации

Расчёт работы внешних сил (опасный участок):

$$\Delta l = rac{N_{ ext{max}} \cdot l}{E \cdot A}$$

$$\Delta l = rac{15 \cdot 10^3 \cdot 1}{2.1 \cdot 10^{11} \cdot 0.75 \cdot 10^{-4}} = 0.001 \ \mathrm{m}$$

$$A = 0.5 \cdot N_{ ext{max}} \cdot \Delta l$$

Подставляем:

$$A = 0.5 \cdot 15 \cdot 10^3 \cdot 0.001 = 7.14$$
 Дж

Работа внешних сил для опасного участка: 7.14 Дж.

Расчёт потенциальной энергии деформации (опасный участок):

$$U = 0.5 \cdot rac{N_{ ext{max}}^2 \cdot l}{E \cdot A}$$

Подставляем:

$$U=0.5\cdotrac{\left(15\cdot10^3
ight)^2\cdot1}{2.1\cdot10^{11}\cdot0.75\cdot10^{-4}}=7.14$$
 Дж

Потенциальная энергия деформации: 7.14 Дж.